

CONCURSUL „ARGUMENT”
Baia Mare, 10 noiembrie 2018

CLASA a V-a

La problemele 1-8, scrieți pe foaia de concurs doar litera corespunzătoare răspunsului corect.

- (5p) 1. Numărul natural de trei cifre, care se micșorează de 6 ori dacă se elimină cifra din mijloc este:
a) 304 b) 372 c) 108 d) 208
- (5p) 2. Numărul natural x pentru care $1+3 \cdot \{4 \cdot [5+(x-6) \cdot 10] : 20\} \cdot 8 = 25$ este
a) 5 b) 3 c) 4 d) 6
- (5p) 3. Suma numerelor naturale care împărțite la 71 dau restul egal cu cubul câtului este:
a) 420 b) 320 c) 810 d) 900
- (5p) 4. Câte numere naturale mai mici ca 150 dau restul 7 la împărțirea cu 20 ?
a) 20 b) 16 c) 12 d) 8
- (5p) 5. Dacă $A = 201 \cdot 2^{n+1} \cdot 15^n - 6^n \cdot 5^{n+1} + 3^{n+1} \cdot 10^n$ se termină cu 2018 zerouri, atunci n este:
a) 2014 b) 2016 c) 2018 d) 2020
- (5p) 6. Numărul soluțiilor naturale ale ecuației $x \cdot (x+3) = 3^4$ este:
a) 0 b) 1 c) 2 d) 4
- (5p) 7. Numărul numerelor naturale mai mari ca 2^{10} dar mai mici ca 2^{11} este:
a) 1000 b) 1024 c) 1025 d) 1023
- (5p) 8. Ultima cifră a numărului $a = (1+2+3+\dots+2018)^{1+2+3+4+5+6+7+8+\dots+2017+2018}$ este:
a) 7 b) 1 c) 6 d) 0

La problemele 9 și 10 redactați rezolvările complete.

- (20p) 9. a) Aflați numerele naturale \overline{abcd} dacă $\overline{abcd} + \overline{abc} + \overline{ab} + a = 2018$;
(10p) b) Determinați numărul numerelor naturale \overline{abcd} care împărțite la \overline{abc} dau câtul \overline{ab} și restul a .

10. Un elev se joacă. Scrie pe tablă un număr, apoi la fiecare etapă, înlocuiește numărul cu altul, după una din regulile:

- 1) scrie dublul numărului de pe tablă, sau
- 2) la numărul de pe tablă înlocuiește ultima cifră, cu ultima cifră a cubului numărului de pe tablă.

Repetă aceste etape de mai multe ori. Știind că numărul inițial scris pe tablă a fost 18, precizați dacă, la un moment dat, va scrie:

- (15p) a) Numărul 78;
(5p) b) Numărul 2018.

Notă: Timpul de lucru este 2h 30min. Se acordă 10 puncte din oficiu.

SUCCES !

Barem

1. $6 \cdot 18 = 108$ (c)
2. $x = 6$ (d)
3. $n = 71 \cdot c + c^3, \quad c^3 < 71 \Rightarrow c \in \{1, 2, 3, 4\}$
 $72 + 150 + 240 + 348 = 810$ (c)
4. $n = 20 \cdot q + 7 \leq 149 \Rightarrow q \leq 7$ (d)
5. $A = 10^{n+2} \cdot 4 \cdot 3^n \Rightarrow n + 2 = 2018 \Rightarrow n = 2016$ (b)
6. $x \cdot (x + 3) = \text{par}; \quad 3^4 = \text{impar} \Rightarrow \text{Ecuatia nu are solutii}$ (a)
7. $2^{10} < x < 2^{11} \Rightarrow 2^{11} - 1 - 2^{10} = 1023$ (d)
8. $u(1 + 2 + \dots + 2018) = u(1009 \cdot 2019) = 1$ (b)

1	2	3	4	5	6	7	8
c	d	c	d	b	a	d	b

9. a) $\overline{abcd} + \overline{abc} + \overline{ab} + a = 2018 \Rightarrow 1111a + 111b + 11c + d = 2018$
 $\Rightarrow a = 1 \Rightarrow 111b + 11c + d = 907 \Rightarrow b = 8, c = 1, d = 8$
 $\overline{abcd} = 1818$.

b) $\overline{abcd} = \overline{abc} \cdot \overline{ab} + a \Rightarrow \overline{abc} \cdot 10 + d = \overline{abc} \cdot \overline{ab} + a \Rightarrow$
 $\overline{abc} \cdot (\overline{ab} - 10) = d - a \Rightarrow \overline{ab} = 10, a = d$.

Numerele sunt de forma: $\overline{10c1}$, deci sunt 10 numere.

10. a) $18 \rightarrow 36 \rightarrow 72 \rightarrow 78$;
 b) Aplicăm metoda mersului invers: la 2018 s-ar ajunge de la 1009 sau 2012.
 La 1009 nu se poate ajunge; la 2012 se ajunge de la 1006; la 1006 se ajunge de la 503; 503 se obține din 507, iar 507 se obține numai din 503.
 In concluzie, 2018 nu va fi scris pe tablă.